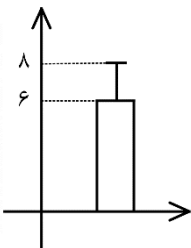
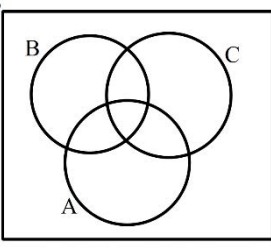


پایه : دوازدهم دوره دوم متوسطه		رشته : ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی		تعداد صفحه : ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
سؤالات امتحان نهایی درس : ریاضی و آمار ۳		تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		نام و نام خانوادگی :	
دانش آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دیماه سال ۱۴۰۱		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			
ردیف	توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است.				
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)				

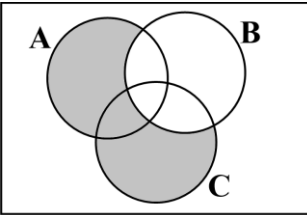
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) در گام پنجم چرخه آمار ، نتایج بدست آمده را تفسیر می کنیم و پاسخی برای پرسش اصلی پیدا می کنیم .</p> <p>ب) اختلاف مشترک در دنباله اعداد ... و ۱۲ و ۸ و ۵ و ۲ برابر ۳ است .</p> <p>پ) نمودار تابع نمایی $y = 3^{-x}$ ، نموداری کاهشی است .</p> <p>ت) در شکل مقابل انحراف معیار و میانگین به ترتیب ۶ و ۸ است .</p> 	۱
۱	<p>جای خالی را با عبارت مناسب تکمیل کنید.</p> <p>الف) اگر داده ها برابر باشند دامنه تغییرات آن ها می شود .</p> <p>ب) تعداد جایگشت های مختلف ۴ کتاب متمایز می باشد .</p> <p>پ) مجموعه تهی را پیشامد می نامند .</p> <p>ت) ریشه سوم عدد -1000 برابر است .</p>	۲
۱/۲۵	<p>با ارقام ۰ و ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ و ۶ و بدون تکرار ارقام ، چند عدد ۳ رقمی زوج می توان نوشت ؟</p>	۳
۱/۲۵	<p>مجموعه $A = \{a, b, c, d, e, f\}$ را در نظر بگیرید :</p> <p>الف) A چند زیرمجموعه ی ۳ عضوی دارد ؟ ب) A چند زیرمجموعه ی ۴ عضوی شامل دو عضو b, c می باشد ؟</p>	۴
۱/۵	<p>دو تاس را با هم پرتاب می کنیم ، A را پیشامد آنکه اعداد آمده از دو تاس یکسان باشند و B را پیشامد آنکه مجموع اعداد آمده از دو تاس مساوی ۸ باشند ، در نظر می گیریم :</p> <p>الف) پیشامد های A و B را مشخص کنید . ب) آیا A و B ناسازگارند ؟ چرا؟</p>	۵
۱/۵	<p>از جعبه ای که شامل ۵ مهره آبی و ۷ مهره قرمز است ، ۳ مهره به تصادف انتخاب می کنیم . احتمال آن را حساب کنید که حداکثر ۲ مهره از مهره های انتخاب شده ، قرمز باشند .</p>	۶
۰/۵	<p>اگر A, B, C سه پیشامد از فضای نمونه ای S باشند ، پیشامد آنکه "A یا C رخ دهد ولی B رخ ندهد" را در شکل مقابل سایه بزنید .</p> 	۷

« ادامه سؤالات در صفحه دوم »

پایه : دوازدهم دوره دوم متوسطه		رشته : ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی		تعداد صفحه : ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
سؤالات امتحان نهایی درس : ریاضی و آمار ۳		تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		نام و نام خانوادگی :	
دانش آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دیماه سال ۱۴۰۱		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			
ردیف	توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است.				
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)				

۸	درصد قبولی دانش آموزان دو مدرسه A , B در درس ریاضی ، به ترتیب ۶۵ درصد و ۸۰ درصد بوده است . تعداد قبولی دانش آموزان کدام مدرسه بیشتر است ؟ چرا ؟
۹	اگر ضابطه تابعی (جمله عمومی) دنباله ای $a_n = 2n - 1$ باشد : الف) جمله اول دنباله را بنویسید . ب) رابطه ی بازگشتی دنباله را مشخص کنید . ج) نمودار دنباله را برای ۳ جمله اول رسم کنید .
۱۰	جمله اول یک دنباله ی حسابی ۵ و جمله ی دهم آن ۳۲ است : الف) اختلاف مشترک را بیابید . ب) مجموع ۲۰ جمله اول آن را بدست آورید .
۱۱	با توجه به دنباله های $c_n = \left(\frac{-1}{2}\right)^{n-1}$, $b_n = 2n^2 + 1$, $a_n = \frac{2n-1}{n+1}$, حاصل عبارت $b_3 - a_3 + c_3$ را بیابید.
۱۲	اگر $3 + x$, x , $x - 1$ سه جمله ی متوالی یک دنباله ی هندسی باشند ، مقدار x را بدست آورید .
۱۳	با توجه به دنباله هندسی $\dots, \frac{1}{3}, \frac{1}{9}, \frac{1}{27}$ حاصل $\frac{a_8}{a_3}$ را بدست آورید .
۱۴	مقدار x را در تساوی زیر بدست آورید . $\frac{x^6 \times 14^2}{2 \times 2^4 \times 2^3} = 7^8$
۱۵	عدد توان دار را بصورت رادیکالی و عدد رادیکالی را بصورت عدد توان دار بنویسید . الف) $13^{\frac{5}{8}}$ ب) $\sqrt[3]{17^2}$
۱۶	الف) به کمک جدول ، تابع $y = 2^x$ را رسم کنید . ب) مقدار تقریبی $2^{\frac{3}{2}}$ را از روی نمودار الف بدست آورید .
۱۷	جمعیت کشوری در پایان سال ۲۰۲۲ میلادی حدود ۴۰ میلیون نفر برآورد شده است . اگر رشد جمعیت این کشور با نرخ یک درصد در حال کاهش باشد ، جمعیت آن کشور در پایان سال ۲۰۲۴ چند نفر خواهد بود ؟
۲۰	جمع نمره «موفق باشید»

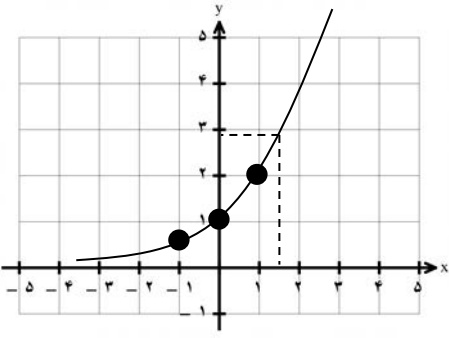
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۱	(الف درست) (۰/۲۵) (ب نادرست) (۰/۲۵) (پ درست) (۰/۲۵) (ت نادرست) (۰/۲۵)	۱
۱	(الف صفر) (۰/۲۵) (ب) $۴! = ۲۴$ (۰/۲۵) (پ) غیرممکن (نشدنی) (۰/۲۵) (ت) -۱۰ (۰/۲۵)	۲
۱/۲۵	$\begin{array}{l} \rightarrow \frac{۶}{۵} \frac{۵}{۱} \rightarrow ۳۰ \quad (۰/۵) \\ \rightarrow ۳۰ + ۷۵ = ۱۰۵ \quad (۰/۲۵) \\ \rightarrow \frac{۵}{۵} \frac{۳}{۲} \rightarrow ۷۵ \quad (۰/۵) \\ \text{۶ و ۴ و ۲} \end{array}$	۳
۰/۵	(الف) $\binom{۶}{۳} = \frac{۶!}{۳!۳!} = \frac{۶ \times ۵ \times ۴}{۳ \times ۲ \times ۱} = ۲۰ \quad (۰/۲۵)$	۴
۰/۷۵	$\binom{۴}{۲} = \frac{۴!}{۲!۲!} = \frac{۴ \times ۳}{۲ \times ۱} = ۶ \quad (۰/۲۵)$	
۱	$A = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5), (6,6)\} \quad (۰/۵)$	۵
	$B = \{(2,6), (3,5), (4,4), (5,3), (6,2)\} \quad (۰/۵)$	
۰/۵	$A \cap B = \{(4,4)\} \rightarrow$ ناسازگار نیستند (۰/۲۵)	(ب)
۱/۵	$\frac{\binom{۷}{۰} \binom{۵}{۳} + \binom{۷}{۱} \binom{۵}{۲} + \binom{۷}{۲} \binom{۵}{۱}}{\binom{۱۲}{۳}} = \frac{۱۸۵}{۲۲۰} = \frac{۳۷}{۴۴} \quad (۰/۵)$	۶
	$A \text{ متمم} \rightarrow \text{هر ۳ مهره قرمز} \rightarrow \frac{\binom{۷}{۳} \binom{۵}{۰}}{\binom{۱۲}{۳}} = \frac{۳۵}{۲۲۰} = \frac{۷}{۴۴} \quad (۰/۵)$	راه دوم:
	$P(A) = 1 - \frac{۷}{۴۴} = \frac{۳۷}{۴۴} \quad (۰/۵)$	
۰/۵		۷
۰/۷۵	نمی توان نظری داد، چون گزارش درصد باید همیشه با گزارش تعداد همراه باشد. (۰/۵)	۸

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۰/۷۵	هر جمله (هر عدد) (۰/۲۵)	۹
۰/۷۵	(۰/۷۵)	
۰/۷۵	هر نقطه ۰/۲۵	
۱	$a_1 = a_1 + 9d = 22$ (۰/۵) $9d = 27 \rightarrow d = 3$ (۰/۵)	۱۰
۱	$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$ (۰/۲۵) $\rightarrow S_r = \frac{r}{2} [2(5) + 19(3)] = 67$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	
۱	$b_r - a_r + c_r = 2(3)^r + 1 - \frac{2(2)-1}{2+1} + (-\frac{1}{2})^{r-1} \rightarrow 19 - 1 + \frac{1}{4} = \frac{73}{4}$ یا $18\frac{1}{4}$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۱۱
۱	$x^r = (x-1)(x+3)$ (۰/۵) $x^r = x^r + 2x - 3 \rightarrow 2x = 3 \rightarrow x = \frac{3}{2}$ (۰/۲۵)	۱۲
۱	(۰/۲۵) (۰/۵) راه اول (فرمول): $a_n = \frac{1}{27} (3)^{n-1} \rightarrow \frac{a_8}{a_7} = \frac{\frac{1}{27} \times 3^7}{\frac{1}{3}} = \frac{1}{3} = 243$ (۰/۲۵)	۱۳
۱	$\frac{1}{27}, \frac{1}{9}, \frac{1}{3}, 1, 3, 9, 27, 81 \rightarrow \frac{a_8}{a_7} = \frac{81}{3} = 243$ (۰/۵)	راه دوم:
۱	$\frac{x^6 \times 14^r}{3^8} = 7^8 \rightarrow x^6 \times 14^r = 7^8 \times 3^8$ (۰/۲۵) $x^6 \times 14^r = 14^8 \rightarrow x^6 = 14^6 \rightarrow x = 14$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۱۴
۱	(۰/۵) (ب) $17^{\frac{2}{3}}$ (۰/۵) (الف) $\sqrt[3]{135}$	۱۵

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف								
۱/۲۵	<p>شکل (۰/۵)</p>  <table border="1" style="margin-left: 200px;"> <tr> <td>X</td> <td>-۱</td> <td>۰</td> <td>۱</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>$\frac{1}{2}$</td> <td>۱</td> <td>۲</td> </tr> </table> <p>(الف) (۰/۲۵)</p> <p>(ب) عددی بین ۲ و ۳ یا عددی نزدیک به ۳ (۰/۵) (اگر روی نمودار مشخص کرد نمره کامل داده شود)</p>	X	-۱	۰	۱	y	$\frac{1}{2}$	۱	۲	۱۶
X	-۱	۰	۱							
y	$\frac{1}{2}$	۱	۲							
۰/۷۵	$f(t) = c(1-r)^t$ $40 \dots \dots (1 - 0/01)^2 = 40 \dots \dots \times 0/99^2 = 39 \ 204 \dots$ <p>(۰/۵) (۰/۲۵)</p>	۱۷								
۲۰										