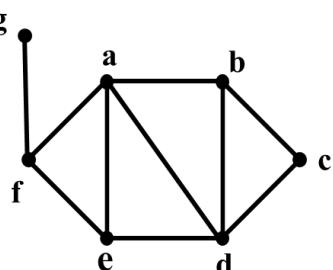


با سمه تعالی

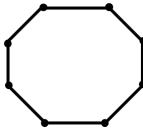
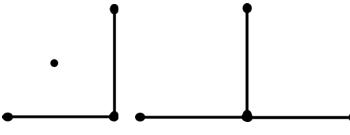
رشنده: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۲۱	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۲ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد. (استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)		ردیف

۱	درست یا نادرست بودن عبارات زیر را مشخص کنید. الف) حاصل ضرب هر عدد گویای نانصفر در یک عدد گنگ، عددی گنگ است. ب) حاصل $(3m+1, 3m+2)$ برابر ۱ می باشد. ج) تعداد رئوس فرد هر گراف، عددی فرد است. د) عدد احاطه‌گری P_1 برابر عدد ۳ است.	۱
۱/۵	جاهاي خالي را با عبارت مناسب پر کنيد. الف) در يك گراف از مرتبه p ، اگر $\gamma(G)=1$ باشد، در اين صورت حداقل تعداد يالها برابر است. ب) در يك مربع لاتين چرخشی 4×4 مجموع درایه های روی قطر اصلی برابر..... است. ج) تعداد توابع يك به يك از يك مجموعه ۳ عضوي به يك مجموعه ۵ عضوي برابر..... است.	۲
۰/۷۵	اگر x ، y و z سه عدد حقیقی باشند، ثابت کنید: $x^2 + y^2 + 1 \geq 2xy - z^2$	۳
۱	اگر $a 2m+7$ و $a 2m+3$ در این صورت چند مقدار صحیح و نامنفی برای a وجود دارد؟	۴
۱/۵	باقي‌مانده تقسیم a بر دو عدد ۴ و ۵ به ترتیب برابر ۳ و ۴ می‌باشد، باقی‌مانده تقسیم a بر ۲۰ را محاسبه کنید. (با راه حل)	۵
۱/۲۵	در معادله سیاله $7y + 19x + 15x = 7$ ، بزرگترین عدد ۲ رقمی طبیعی که می‌توان برای x در نظر گرفت چه مقداری می‌باشد؟ (با راه حل)	۶
۱	به گراف ۸ رأسی ۳-منتظم چند يال اضافه کنیم تا تبدیل به گراف کامل شود؟ (با راه حل)	۷
۰/۷۵	گراف G به صورت زیر رسم شده است. با توجه به این گراف به سوالات زیر پاسخ دهید.  الف) مجموعه $N_G(g)$ را بنویسید. ب) یک دور به طول ۵ با شروع از رأس a بنویسید. ج) درجه رأس C در گراف \bar{G} (مکمل گراف G) را مشخص کنید.	۸

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

رشنده: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۲۱	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۲ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش			
http://aee.medu.gov.ir			
ردیف	ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد. (استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)	ردیف

۹	۱/۵	گراف زیر را در نظر بگیرید. الف) یک مجموعه احاطه‌گر غیر مینیمال با ۴ عضو بنویسید. ب) یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال با ۴ عضو بنویسید. ج) با اضافه کردن چه یالی به گراف، عدد احاطه‌گری گراف ۲ خواهد شد? 	
۱۰	۱	الف) یک گراف ۸ رأسی (همبند یا ناهمبند) با عدد احاطه‌گری ۳ رسم کنید که یک مجموعه احاطه‌گر یکتا با اندازه ۳ داشته باشد. ب) یک گراف ۸ رأسی (همبند یا ناهمبند) با عدد احاطه‌گری ۳ رسم کنید که بیش از یک مجموعه احاطه‌گر با اندازه ۳ داشته باشد.	۱۰
۱۱	۱/۷۵	الف) عدد احاطه‌گری گراف مقابل را با ارائه راه حل، تعیین کنید. ب) این گراف چند گروه مجموعه دارد؟ 	۱۱
۱۲	۱/۵	اگر داشته باشیم $B = \{a, b, c, d, e, f\}$ و $A = \{7, 8, 9\}$ در این صورت چند کد با شش کاراکتر متمایز می‌توان نوشت که هر یک شامل دو رقم از A و چهار حرف از B باشد؟	۱۲
۱۳	۲	معادله $x_4^3 + x_5^3 + x_6^3 + x_7^3 = 10$ چند جواب صحیح و نامنفی دارد؟	۱۳
۱۴	۱/۵	قرار است ۳ راننده با ۳ نوع ماشین در ۳ مسیر متفاوت در ۳ روز اول هفته رانندگی کنند به گونه‌ای که هر راننده با هر نوع ماشین، هر مسیری را دقیقاً یکبار طی کرده باشد و نیز هر ماشین، هر یک از مسیرها را دقیقاً یک بار طی کند. برای این مسئله برنامه‌ریزی کنید.	۱۴
۱۵	۲	چند رمز ۴ رقمی با ارقام ۱ تا ۵ می‌توان نوشت به طوری که هر رمز، حداقل یک رقم ۳ و یک رقم ۲ را شامل باشد؟ (نیاز به محاسبه پاسخ نهایی نمی‌باشد)	۱۵
۱۶		(این سوال حذف و بارم آن طبق اصلاحیه راهنمای تصحیح در سوالات ۱۲-۱۳-۱۵ توزیع شده است)	۱۶
۲۰	۲۰	جمع نمره "موفق باشید"	

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۲۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۲	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱	الف) درست (۰/۲۵) (صفحه ۵) ج) نادرست (۰/۲۵) (صفحه ۴۰) ب) درست (۰/۲۵) (صفحه ۱۷) د) نادرست (۰/۲۵) (صفحه ۵۳)	۱	
۲	الف) ۱ (۰/۵) $p-1 = \frac{5!}{2!} = 60$ ج) ۶۳ (۰/۵) ب) ۴ (۰/۵) (صفحه ۵۲) (صفحه ۰/۵)	۱/۵	
۳	(صفحه ۰/۲۵) همواره بدیهی است $x^r + y^r + 1 \geq 2xy - z^r \Leftrightarrow \underbrace{x^r + y^r - 2xy}_{(0/25)} + 1 \geq \underbrace{z^r}_{(0/25)} + 1 \geq 0$	۰/۷۵	
۴	(صفحه ۱۱) $\begin{cases} a 2m+3 \\ a m+7 \end{cases} \xrightarrow{(0/25)} \begin{cases} a 2m+3 \\ a 2m+14 \end{cases} \xrightarrow{(0/25)} a 11 \rightarrow a = 1, a = 11$	۱	
۵	(صفحه ۱۶) $\begin{cases} a = 5q_1 + 4 & (0/25) \\ a = 4q_2 + 3 & (0/25) \end{cases} \xrightarrow{\times 4} 4a = 20q_1 + 16 \quad (0/25) \quad \xrightarrow{\times 5} 5a = 20q_2 + 15 \quad (0/25)$ $\xrightarrow{-} a = 20q' - 1 \quad (0/25) \rightarrow a = 20q'' + 19 \quad (0/25)$	۱/۵	
۶	(صفحه ۲۸) $15x \equiv 7 \quad (0/25) \xrightarrow{} 15x \equiv 45 \quad (0/25) \xrightarrow{(15,15)=1} x \equiv 3 \quad (0/25)$ $\rightarrow x = 19k + 3 \quad (0/25) \xrightarrow{k=5} x = 98 \quad (0/25)$	۱/۲۵	
۷	(صفحه ۴۰) $\begin{cases} q = \frac{kn}{2} \rightarrow q = \frac{8 \times 3}{2} = 12 \quad (0/25) \\ q = \frac{n(n-1)}{2} \rightarrow q = \frac{8 \times 7}{2} = 28 \quad (0/25) \end{cases} \rightarrow 28 - 12 = 16 \quad (0/5)$	۱	
۸	الف) $\{f\}$ (۰/۲۵) (صفحه ۴۱) ب) $abdea$ یا $abdefa$ (۰/۲۵) ج) $abdefa$ (۰/۰) (صفحه ۰/۲۵)	۰/۷۵	
۹	الف) $\{c, e, h, f\}$ (۰/۵) (صفحه ۴۷) ب) $\{c, g, i, e\}$ (۰/۵) (صفحه ۰/۵) ج) fgh (۰/۵) در قسمت الف و ب و ج به جواب های درست دیگر نمره تعلق بگیرد.	۱/۵	
۱۰	الف) شکل های درست دیگر نمره تعلق بگیرد. (صفحه ۵۳) (ب)  (+) (ب)  (+) در قسمت الف و ب برای شکل های درست دیگر نمره تعلق بگیرد. (صفحه ۵۳)	۱	

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۲۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۲	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره																																																
۱۱	$\left(\frac{\lambda}{\Delta+1} \right) \leq \gamma(G) \quad \text{در نتیجه} \quad \left[\frac{\lambda}{\Delta+1} \right] \leq \gamma(G) \quad \text{پس داریم} \quad \left[\frac{n}{\Delta+1} \right] \leq \gamma(G)$ <p>الف) می‌دانیم $\left\{ e, c \right\}$ (هر کدام از مجموعه‌های $\left\{ e, b \right\}$ یا $\left\{ e, d \right\}$ اگر نوشته شد نیز مورد قبول است)</p> <p>یک مجموعه احاطه‌گر برای گراف (G) می‌باشد پس $\gamma(G) \leq 2$</p> <p>(فعالیت صفحه ۵۰) (۰/۵) (ب) ۳ (۰/۵)</p>	۱/۷۵																																																
۱۲	<p>به هر قسمت درست نیم نمره داده شود</p> <p>(۷۱ صفحه)</p> $\binom{3}{2} \times \binom{6}{4} \times 6! = 1/5$	۱/۵																																																
۱۳	$\begin{cases} x_1 = 0 & \xrightarrow{(\cdot/25)} x_1 + x_2 + x_3 = 1 & \xrightarrow{(\cdot/25)} \binom{12}{2} = 66 \\ x_1 = 1 & \xrightarrow{(\cdot/25)} x_1 + x_2 + x_3 = 1 & \xrightarrow{(\cdot/25)} \binom{10}{2} = 45 \end{cases} \quad (\cdot/25) \quad (71 \text{ صفحه})$ $\binom{12}{2} + \binom{10}{2} = 66 + 45 = 111 \quad (0/5)$	۲																																																
۱۴	<p>(۷۲ صفحه)</p> <p>به مرتعهای لاتین متعامد صحیح دیگر نمره تعلق بگیرد.</p> <p>۹</p> <table border="1"> <tr> <td></td> <td>a</td> <td>b</td> <td>c</td> </tr> <tr> <td>شنبه</td> <td>۱</td> <td>۲</td> <td>۳</td> </tr> <tr> <td>یکشنبه</td> <td>۳</td> <td>۱</td> <td>۲</td> </tr> <tr> <td>دوشنبه</td> <td>۲</td> <td>۳</td> <td>۱</td> </tr> </table> <p>(۰/۵)</p> <table border="1"> <tr> <td></td> <td>a</td> <td>b</td> <td>c</td> </tr> <tr> <td>شنبه</td> <td>۱</td> <td>۳</td> <td>۲</td> </tr> <tr> <td>یکشنبه</td> <td>۳</td> <td>۲</td> <td>۱</td> </tr> <tr> <td>دوشنبه</td> <td>۲</td> <td>۱</td> <td>۳</td> </tr> </table> <p>(۰/۵)</p> <table border="1"> <tr> <td></td> <td>a</td> <td>b</td> <td>c</td> </tr> <tr> <td>شنبه</td> <td>۱۱</td> <td>۲۳</td> <td>۳۲</td> </tr> <tr> <td>یکشنبه</td> <td>۳۳</td> <td>۱۲</td> <td>۲۱</td> </tr> <tr> <td>دوشنبه</td> <td>۲۲</td> <td>۳۱</td> <td>۱۳</td> </tr> </table> <p>(۰/۵)</p>		a	b	c	شنبه	۱	۲	۳	یکشنبه	۳	۱	۲	دوشنبه	۲	۳	۱		a	b	c	شنبه	۱	۳	۲	یکشنبه	۳	۲	۱	دوشنبه	۲	۱	۳		a	b	c	شنبه	۱۱	۲۳	۳۲	یکشنبه	۳۳	۱۲	۲۱	دوشنبه	۲۲	۳۱	۱۳	۱/۵
	a	b	c																																															
شنبه	۱	۲	۳																																															
یکشنبه	۳	۱	۲																																															
دوشنبه	۲	۳	۱																																															
	a	b	c																																															
شنبه	۱	۳	۲																																															
یکشنبه	۳	۲	۱																																															
دوشنبه	۲	۱	۳																																															
	a	b	c																																															
شنبه	۱۱	۲۳	۳۲																																															
یکشنبه	۳۳	۱۲	۲۱																																															
دوشنبه	۲۲	۳۱	۱۳																																															
۱۵	<p>(۷۵ صفحه)</p> <p>$S = 5^4$: تعداد کل رمزها</p> <p>$A = 4^4$: تعداد رمزهای فاقد ۳</p> <p>$B = 4^4$: تعداد رمزهای فاقد ۲</p> <p>$A \cap B = 3^4$: تعداد رمزهای فاقد ۲ و ۳</p> <p>$\bar{A} \cap \bar{B} = S - A \cup B = 5^4 - (4^4 + 4^4 - 3^4) = 16$ (۰/۵)</p>	۲																																																
۱۶	اصلاحیه: سوال ۱۶ حذف شده است.																																																	
۲۰	جمع نمره																																																	